

Nom : DIOP

Prénom : Khady

Date et lieu de naissance : 20 – 02 – 1971 à Dakar

Etablissement : Faculté des Sciences et Techniques

Diplôme préparé : Thèse de Doctorat unique en Algèbre

Spécialité : Mathématiques

Option : Algèbre

Titre de la Thèse : « Caractérisation des duo-anneaux pour les quels tout module Co-Hopfien faible (resp. Hopfien) généralisé est finement cogénééré ».

Date de Soutenance :

<u>Président</u>	Mamadou SANGHARE	Professeur	UCAD
<u>Rapporteurs</u> :	Abdellatif ROCHDI	Professeur	
	Abdemaleck AZIZ	Professeur	
	Mohamed Ben MAOUIA	Maître de Conférences	UGB
<u>Examineurs</u> :	Oumar DIANKHA	Professeur	UCAD
	Mamadou BARRY	Professeur	UCAD
	Djiby SOW	Professeur	UCAD
	Cheikh Thiécoumba GUEYE	Professeur	UCAD
<u>Directeur de Thèse</u> :	Sidy Demba TOURE	Maître de Conférences	UCAD

Résumé : Soit  $A$  un anneau et soit  $M$  un  $A$ -module à gauche. On dit que  $M$  est

- C-hopfien si tout endomorphisme injectif de  $M$
- A-opfien si tout endomorphisme surjectif de  $M$  est un automorphisme
- Co-hopfien faible si tout monomorphisme essentiel est un automorphisme
- Hopfien généralisé si tout épimorphisme superflu est un automorphisme

dans le mémoire de thèse.

Dans cette thèse nous avons montré que les duo-anneaux artiniens à idéaux principaux caractérisent les classes d'anneaux suivantes :

- Les anneaux pour lesquels tout module Co-Hopfien faible est finement cogénééré.
- Les duo-anneaux pour lesquels tout module Hopfien est finement cogénééré.

Mots clés : Duo-anneaux ; SCI-anneaux ; SCS-duo-anneaux ; module faiblement co-hopfien ; module finement cogénééré ; module hopfien généralisés.

Abstract :

Let  $A$  be a ring and  $M$  a left  $A$ -module  $M$  is said to be.

- Cohopfian if every injective endomorphism of  $M$  is an automorphism
- Hopfian if every surjective endomorphism of  $M$  is an automorphism
- Weakly cohopfian if every essential monomorphism of  $M$  is an automorphism
- Generalized Hopfian if every superfluous epimorphism of  $M$  is an automorphism

In this thesis we have shown that principal artinian duo-rings characterize the following classes of duo-rings.

- The duo-rings for which every weakly Co-hopfian module is finitely co-generated.
- The duo-rings for which every generalized hopfian module is finitely co-generated.

Key words : duo-rings, SCI-rings, SCS-duo-rings, weakly SCI-rings, generalized SCS-duo-rings, Co-hopfian module, Hopfian module.