

Nom : DIOUF

Prénom : Mame Cheikh

Date et lieu de naissance : 30 Septembre 1972 à MBour

Etablissement : Faculté des Sciences et Techniques

Diplôme préparé : Thèse de Doctorat unique

Spécialité : Mathématiques Pures

Option : Algèbre

Titre : "Les Algèbres de Poisson graduées"

Date et lieu de soutenance : le 12 Mars 2016 à l'Amphi 7

<u>Président</u>	Cheikh Thiécoumba	GUEYE	Professeur UCAD
<u>Membres</u>	José M.	DELGADO	Professeur UCA (Espagne)
	Candido M.	GONZALES	Professeur UMA (Espagne)
	Oumar	DIANKHA	Professeur UCAD
	Mamadou	SANGHARE	Professeur UCAD
	Amadou Lamine	FALL	Maître de Conférences UCAD

Résumé :

Nous développons dans cette thèse la théorie de la gradation dans le domaine des algèbres de Poisson.

Nous distinguerons plusieurs classes d'algèbres de Poisson graduées et pour chacune d'elles nous axerons notre étude sur des propriétés liées à ses structures algébriques. Sauf mention contraire, le corps de base des algèbres considérées dans cette thèse est arbitraire. Si \mathcal{P} est une algèbre de Poisson graduée, nous allons montrer que \mathcal{P} peut s'exprimer sous la forme $\mathcal{P} = \mathcal{U} + \sum_i I_i$ où \mathcal{U} est un sous-espace linéaire de \mathcal{P}_0 et où les I_i désignent des idéaux clairement définis de \mathcal{P} , vérifiant $\{I_j, I_k\} + I_j I_k = 0$ si $j \neq k$. Nous montrerons également que, pour chaque classe d'algèbres de Poisson graduées \mathcal{P} , sous réserve que certaines conditions bien décrites soient vérifiées, \mathcal{P} est la somme directe de ses idéaux simples ou la limite directe d'idéaux simples clairement déterminés.

Mots clés : Superalgèbres, bicaractère, algèbres colorées, algèbres graduées, algèbres scindées, racines associées, représentations adjointes, algèbres de Lie, semi-simplicité, identité de Leibniz.